## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

الدورة الاستثنائية: 2017



وزارة التربية الوطنية

امتحان شهادة البكالوريا

الشعبة: الآداب والفلسفة، لغات أجنبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 02 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

# التمرين الأول: (06 نقاط)

- 1) أ) عين باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد 4،  $4^3$  و  $4^3$  على 9.
  - $\cdot 4^{3n} \equiv 1[9]$ ، بیّن أنّ: من أجل كل عدد طبیعي  $\cdot 4^{3n}$
  - $4^{3n+1} \equiv 4[9]$ ، ستنتج أنّ: من أجل كل عدد طبيعي أبّ
    - $.2020^{1438} = 4[9]$  تحقّق أنّ: (2
- $^{2020}$  يقبل القسمة على 9. يقبل القسمة على 9. يقبل العدد (202 $^{1438}$  2017 يقبل العدد (3

#### التمرين الثاني: (06 نقاط)

- .  $u_3 + u_5 = 20$  احسب الحد  $u_4$  علما أنّ (1
- .  $2u_4 u_5 = 7$ : قام الحد  $u_5$  علما الحد (2
  - $u_0$  استنتج قیمة r و احسب (3
- $u_n = 3n 2$  ، n عدد طبیعی (4
- $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  : المجموع المجموع الطبيعي المجموع (5
  - .  $S_n = 33$ : حيث العدد الطبيعي (6

#### التمرين الثالث: (08 نقاط)

. عدد حقیقی  $f(x)=-2+\frac{a}{x+3}$  بـ:  $\mathbb{R}-\left\{-3\right\}$  حیث f عدد حقیقی نعتبر الداله f

.  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس ( $C_f$ ).



#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية / بكالوريا استثنائية 2017

- .  $(C_f)$  إلى المنحنى A(-2;5) النقطة a حتى تنتمى النقطة a حتى النقطة (I
  - . a=7: نضع في كل ما يلي (II
  - $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$  ،  $\mathbb{R} \{-3\}$  من  $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$  ،  $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$
- احسب النهايات الآتية :  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x\to -3} f(x)$  ،  $\lim_{x\to -3} f(x)$  ،  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  احسب النهايات الآتية (2
  - .  $(C_f)$  المستقيمين المقاربين للمنحنى
  - . f أحسب (f'(x) ثم استنتج اتجاه تغير الدالة
    - f شكّل جدول تغيرات الدالة f
  - .  $-\frac{7}{4}$  يساوي النّقط من المنحنى  $(C_f)$  التي يكون عندها معامل توجيه المماس يساوي  $(C_f)$ 
    - . جد إحداثيي نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حاملي محوري الإحداثيات ( $\mathbf{6}$ 
      - $(C_f)$  ارسم المستقيمين المقاربين و المنحنى (7

#### الموضوع الثانى

### التمرين الأول: (06 نقاط)

 $.b \equiv -1[13]$  و  $a \equiv 14[13]$  و عددان صحیحان حیث:  $a \equiv a$ 

. الترتيب 13 هو 1 و 12 على الترتيب a و b على الترتيب a الترتيب (1 و 12 على الترتيب a

. 13 على a-b و a-b و على 13 على 13 على a-b و باقى القسمة الإقليدية لكل من

 $a^{1438} + b^{2017}$  بيّن أنّ العدد  $a^{1438} + b^{2017}$  يقبل القسمة على (2

.  $b^{2017} + n + 1438 \equiv 0$ [13]: ميّن الأعداد الطبيعية n بحيث (3

#### التمرين الثاني: (06 نقاط)

في كل حالة من الحالات الأربع الآتية اقتُرحت ثلاث إجابات، واحدة فقط منها صحيحة، يطلب تحديدها مع التعليل.

1) الحد السّادس لمتتالية حسابية أساسها 3 وحدها الأول 1 هو:

-11 ( $\div$  -14 ( $\div$  -17 ( $\dagger$ 

2) مجموع 100 حد الأولى لمتتالية هندسية حدّها الأول هو 1 وأساسها 3 هو:

 $\frac{3^{100}-1}{2}$  (  $\Rightarrow$   $\frac{1-3^{100}}{2}$  (  $\Rightarrow$   $\frac{3^{101}-1}{2}$  (  $\uparrow$ 

c = 4x ، b = 6x - 3 ، a = 2x + 2: x عدد حقیقی (3

الأعداد الحقيقية  $c \cdot b \cdot a$  بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية حسابية عندما يكون :

 $x = \frac{3}{4} \quad (\Rightarrow \qquad x = 0 \quad (\Rightarrow \qquad x = \frac{4}{3} \quad ($ 

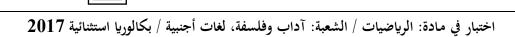
 $u_{n+1} = \frac{1}{2} u_n + 1$ ، n ومن أجل كل عدد طبيعي  $u_0 = 1 : u_0 = 1$  المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرّفة ب $u_0 = 1 : u_0 = 1$  المتتالية:

أ) حسابية أساسها 1 ب) هندسية أساسها  $\frac{1}{2}$  جسابية و X هندسية أ

#### التمرين الثالث: (08 نقاط)

 $f(x) = -x^3 - 3x^2 + 4$  بعتبر الدالة f المعرّفة على  $\mathbb{R}$ 

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$  التّمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_f)$ 



- $\lim_{x\to+\infty} f(x) \cdot \lim_{x\to-\infty} f(x) \leftarrow (1$
- $(C_f)$ تحقّق أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x ، x عدد حقيقي أنّ : من أجل كل عدد حقيقي x ، x عدد الله عدد عقيقي (2) مع حاملي محوري الإحداثيات .
  - درس اتجاه تغیر الدالهٔ f ثم شکّل جدول تغیّراتها.
  - .(-1;2) المِيّن أنّ ( $C_f$ ) يقبل نقطة انعطاف ( $E_f$ ) بيّن أنّ ( $C_f$ ) .
  - $\cdot E$  اكتب معادلة للمماس ( $\Delta$ ) للمنحني ( $C_f$ ) في النقطة ( $\Delta$ 
    - $(C_f)$  و  $(\Delta)$  ارسم ( $\delta$

## الموضوع الأول

العلامة						
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة				
	التمرين الأول: (06ن)					
	3×0.50	$4^3 \equiv 1$ $[9]$ ، ، $4^2 \equiv 7$ $[9]$ $4^1 \equiv 4$ $[9]$ القسمة الاقليدية الاقليدية (1) المائية ألم المائية				
03.00	0.50	$4^{3n}\equiv 1$ [9]: $n$ عدد طبیعي $n$ تبیان أنه من أجل كل عدد طبیعي $n$				
	01.00	$4^{3n+1} \equiv 4[9]:n$ استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي $n=4^{3n+1}$				
01.50	1.50	$2020^{1438} = 2020^{3(479)+1} \equiv 4^{3(479)+1} [9] \equiv 4[9]$ (2) التحقق أن				
01.50	1.50	9 يقبل القسمة على 9 $= 4-1^2+6[9] = 9[9] = 0[9]$ (3)				
التمرين الثاني : (06ن)						
01.00	01.00	$u_4 = 10$ (1)				
00.50	00.50	$u_5 = 13$ (2)				
01.00	0.50	r=3 (3				
	0.50	$u_0 = -2$				
01.00	01.00	$u_n = 3n - 2$ ، $n$ التحقق أنّ: من أجل كل عدد طبيعي (4				
01.00	01.00	$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = \frac{(n+1)(3n-4)}{2}$ : (5)				
	0.50	$3n^2 - n - 70 = 0$ يعني $S_n = 33$ يعني $S_n = 33$ يعني $S_n = 33$ (6				
01.50	0.50	$\Delta = 841 = 29^2$				
	0.50	n=5 الحل $n=5$ مرفوض ومنه				
	مرين الثالث: (08 نقاط)					
0.50	0.50	$a=7$ : $a$ تعيين العدد الحقيقي (1 $\alpha=7$				
0.50	0.50	$f(x)=rac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R}-\left\{ -3 ight\}$ من $f(x)=rac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R}-\left\{ -3 ight\}$ من $f(x)=\frac{-2x+1}{x+3}$ ، $f(x)=\frac{-2x+1}{x+3}$	I			
	4×0.25	$\lim_{\substack{x \to -3 \\ x \to -3}} f(x) = +\infty : \lim_{\substack{x \to -\infty \\ x \to -3}} f(x) = -\infty : \lim_{\substack{x \to -\infty \\ x \to -\infty}} f(x) = -2 : \lim_{\substack{x \to +\infty \\ x \to -\infty}} f(x) = -2 : (2)$ (2)				
02.00	2×0.50	$y{=}-2$ , $x{=}-3$ : الاستنتاج : معادلتي المستقيمين المقاربين للمنحنى هما				
01.00	0.50	$f'(x) = \frac{-7}{(x+3)^2} $ (3				
	0.50	$]-3;+\infty$ و $[g]-\infty;-3$ الدالة $[g]$ متناقصة تماما على المجالين $[g]$				

2	ائيه: /11	الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: اداب وفلسفة لغات اجنبية/ بكالوريا استثنا
		. $f$ شكّل جدول تغيرات الدالة $f$
0.50	0.50	$ \begin{array}{c cccc} x & -\infty & -3 & +\infty \\ f'(x) & - & - \\ \hline f(x) & -2 & +\infty \\ \hline & -\infty & -2 \end{array} $
01.00	01	-5 ; $-1$ :هي: $-5$ فواصل نقط المنحنى $(C)$ التي يكون فيها معامل توجيه المماس يساوي $-5$
01.00	2×0.50	$(C_f) \cap (y'y) = \left\{ B(0; \frac{1}{3}) \right\} (C_f) \cap (x'x) = \left\{ A(\frac{1}{2}; 0) \right\} $ (6)
	01	$\cdot(C_f)$ رسم المنحنى (7
01.50		
	0.50	رسم المقاربين
	Ċ	

		الموضوع الثاني		
التمرين الأول: (06 نقاط)				
	0.5	a = I[13] ومنه $a = 14[13]$ ومنه $a = 14[13]$ (1)		
01.00	0.5	b = 12[13] و $I = 12[13]$ و b = -1[13]		
	0.50	$a+b\equiv 0[13]$ ب) الاستنتاج		
02.00	0.50	$a - b \equiv 2[13]$		
	01.00	$2a + b^2 \equiv 3[13]$		
01.50	1.50	$13$ تبيين أنّ العدد $a^{1438}+b^{2017}$ يقبل القسمة على 23.		
01.50	1.50	$n=13k+6  / k \in \mathbb{N}$ اتعيين الأعداد الطبيعية $n=13k+6$		
		التمرين الثاني: (06 نقاط)		
01.50	0.5	1) -الاجابة الصحيحة هي ب)		
	01	$u_6 = u_1 + 5r = 1 + 5(-3) = -14$ التبرير		
	0.50	(2 – الاجابة الصحيحة هي جـ)		
01.50	0.1	$S = 1  imes rac{3^{100} - 1}{3 - 1} = rac{3^{100} - 1}{2}$ التبرير –		
	0.50			
01.50	0.30	3) - الاجابة الصحيحة هي أ) 4		
01.50	01	$x=rac{4}{3}$ اذن $(2x+2)+(4x)=2(6x-3)$ اذن $x$		
	0.50	4) الاجابة الصحيحة هي جـ)		
		$u_{n+1}=u_n+1$ ، $n$ التبرير : عندما تكون حسابية أساسها $1$ يكون : من اجل كل عدد طبيعي $-$		
01.50	01	$u_{n+1}=rac{1}{2}u_n$ ، $n$ عندما تكون هندسية أساسها $rac{1}{2}$ يكون : من اجل كل عدد طبيعي		
		(يمكن حساب حدود ثلاثة حدود متتابعة من المتتالية و التحقق انها لا حسابية ولا هندسية)		
	1	التمرين الثالث: (08 نقاط)		
01.00	0.50x2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty  \lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty  (1)$		
01.75	01	$f(x) = (-x+1)(x+2)^2$ ، $x$ عدد حقیقی عدد حقیقی (2		
01.73	0.25x3	$(C_f) \cap (y'y) = \{C(0;4)\}  \text{o}  (C_f) \cap (x'x) = \{A(-2;0); B(1;0)\}$		
	0.50	f'(x) = -3x(x+2) (3		
	0.50	اشارة المشتقة		
	0.25	$igl[0;+\inftyigl]$ و $f$ متناقصة تماما على المجالين $-\infty;-2$ و		
	0.25	$\left[-2;0 ight]$ ومتزايدة تماما على المجال		

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: آداب وفلسفة لغات اجنبية/ بكالوريا استثنائية: 2017

		تشكيل جدول التغيرات
02.50	01	$x -\infty -2 0 +\infty$
02.30	01	f'(x) $ 0$ $+$ $0$ $-$
		$f(x) = \begin{bmatrix} +\infty & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \end{bmatrix}$
		$\cdot (-1;2)$ تبيين أنّ $(C_f)$ يقبل نقطة انعطاف $E$ إحداثياتها ورائي ( $C_f$
	0.25	f''(x) = -6x - 6 لدينا
0.75	0.25	الدالة المشتقة الثانية $f''$ تنعدم عند $-1$ و تغير إشارتها
		إذن $(-1;2)$ إحداثيات نقطة الانعطاف
	0.25	
0.50	0.25	: معادلة للمماس لاينا $y = f'(-1)(x+1) + f(-1)$
0.30	0.25	$(\Delta): y = 3x + 5$ إذن
	0.50	( <u>المماس (</u> ( <u>المماس (</u> ( <u>المماس (</u>
		p a
01.50		
01.50		1
		-4 -3 -2 -1 0 2 3
		2
	01	$(C_f)$ المنحنى